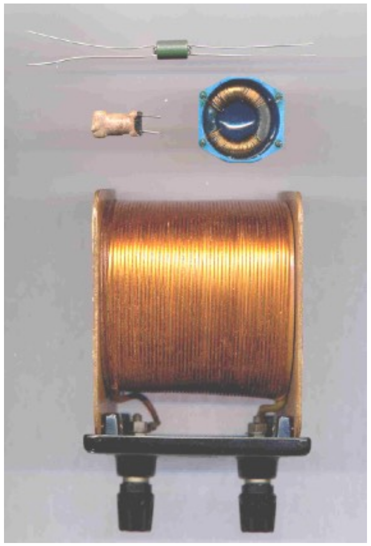
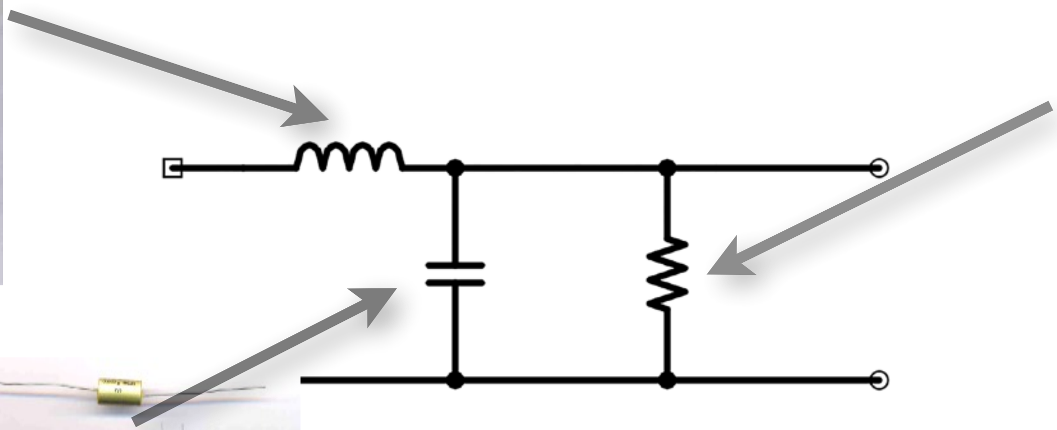
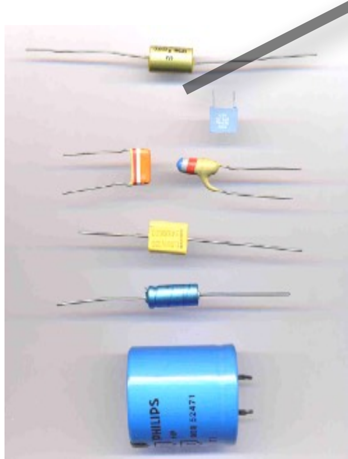
CIRCUITS I
CIRCUITS ELECTRIQUES (RCL)
OSCILLATEUR HARMONIQUE

D. Mari



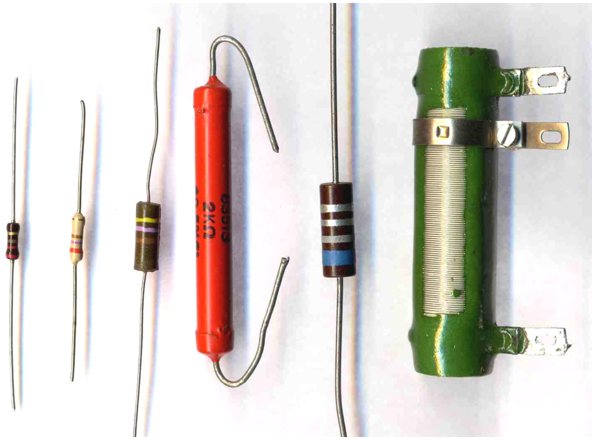




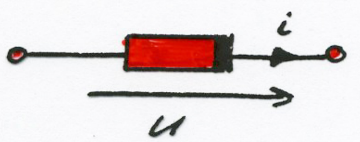
EQUATIONS CONSTITUTIVES DES ELEMENTS PASSIFS

Equation constitutive

$$\boxed{f(u,i)=0}$$



Résistances

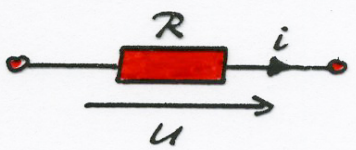


$$\boxed{u = f(i)}$$

u = le voltage ou tension [volt = V]

i = le courant [ampere = A]

Résistance linéaire :

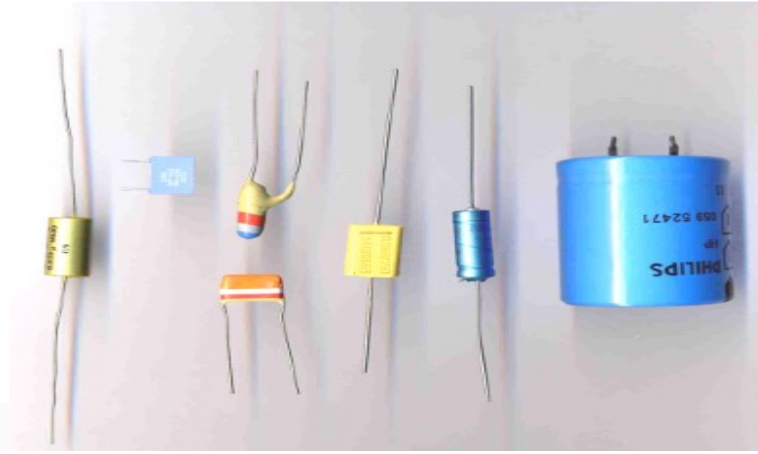


$$\boxed{u = R \cdot i}$$

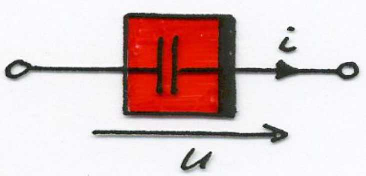
R = la résistance [ohm = Ω]

EQUATIONS CONSTITUTIVES DES ELEMENTS PASSIFS

Condensateurs

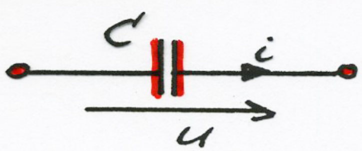


q = la charge électrique [coulomb = C].



$$\boxed{q = f(u) \quad avec \quad i = \frac{dq}{dt}}$$

Capacités linéaires: $q = C \cdot u \quad \Rightarrow \quad \frac{dq}{dt} = i = C\frac{du}{dt}$

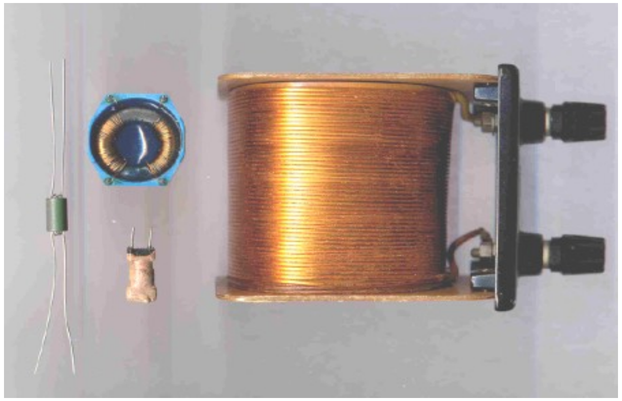


$$\boxed{i = C\frac{du}{dt}}$$

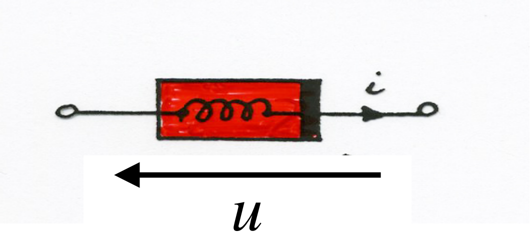
C = capacité [farad = F]

EQUATIONS CONSTITUTIVES DES ELEMENTS PASSIFS

Inductances



ϕ = le flux magnétique [weber = Wb]

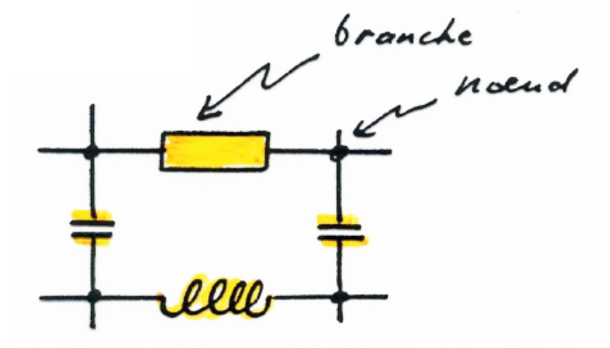


$$\boxed{\phi = f(i) \text{ avec } u = -\frac{d\phi}{dt}}$$

<u>*Inductance linéaire:*</u> $\phi = L \cdot i \quad \Rightarrow \quad -\frac{d\phi}{dt} = u = -L\frac{di}{dt}$

EQUATIONS DE KIRCHOFF D'UN RESEAU

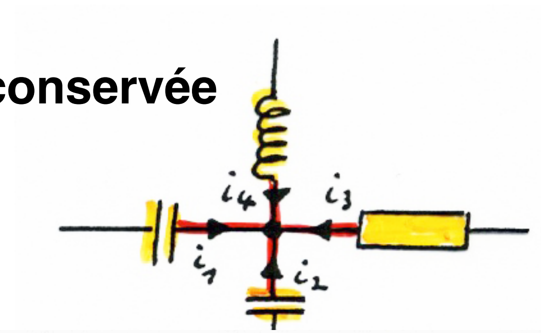
Soit un circuit électrique composé d'éléments passifs constituant les *branches du réseau* et reliés entre eux aux *noeuds du réseau*



Pour étudier le comportement électrique d'un tel réseau, on doit faire appel aux équations de Kirchhoff:

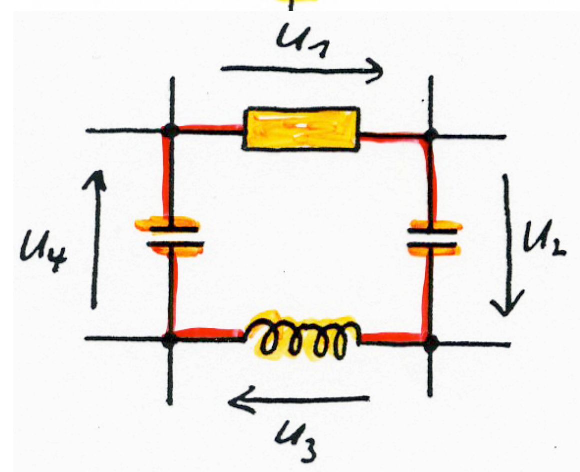
Noeuds **le courant électrique est une grandeur conservée**

$$\boxed{\sum_{nodes} i_n = 0}$$

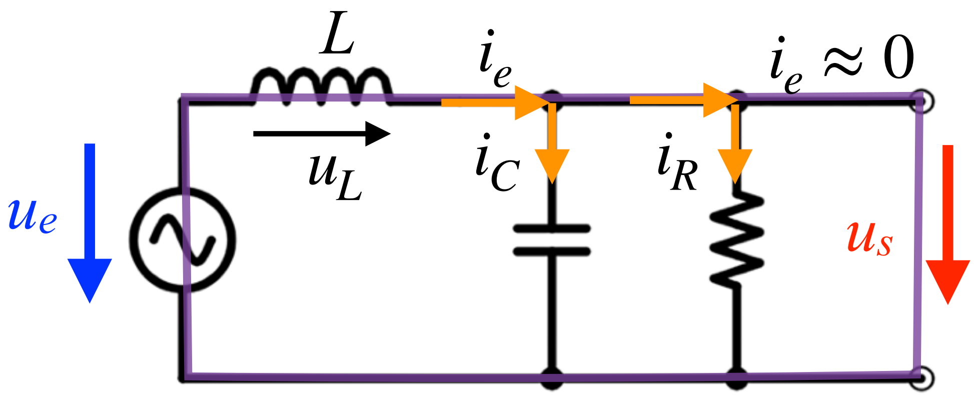


Mailles **la tension électrique est un potentiel**

$$\boxed{\sum_{Mailles} u_n = 0}$$



EQUATIONS DIFFERENTIELLES DU CIRCUIT RCL



$$\boxed{u_L + u_s = u_e} \quad 1)$$

$$\boxed{i_e = i_R + i_C} \quad 2)$$

$$\begin{cases} u_L = L\dfrac{di_e}{dt} & 3) \\ u_s = Ri_R & 4) \\ i_C = C\dfrac{du_s}{dt} & 5) \end{cases}$$

équations constitutives

1) + 3) $\Rightarrow$ $L\dfrac{di_e}{dt} + u_s = u_e$

2) $\Rightarrow$ $L\left(\dfrac{di_R}{dt} + \dfrac{di_C}{dt}\right) + u_s = u_e$

4) + 5) $\Rightarrow$ $\dfrac{L}{R}\dfrac{du_s}{dt} + LC\dfrac{d^2u_s}{dt^2} + u_s \quad u_e$

$$\boxed{\frac{d^2u_s}{dt^2} + \frac{1}{RC}\frac{du_s}{dt} + \frac{1}{LC}u_s = \frac{1}{LC}u_e}$$

EQUATIONS DIFFERENTIELLES DU CIRCUIT RCL

$$\boxed{\frac{d^2u_s}{dt^2} + \frac{1}{RC}\frac{du_s}{dt} + \frac{1}{LC}u_s = \frac{1}{LC}u_e}$$

Introduisons alors les grandeurs définies comme suit

$$\begin{cases} \lambda = \dfrac{1}{2RC} & \textbf{coefficient d'amortissement} \\ \omega_0 = \sqrt{\dfrac{1}{LC}} & \textbf{pulsation propre du circuit} \end{cases}$$

Grâce à ces nouveaux paramètres, on peut écrire l'équation différentielle sous la forme suivante:

$$\boxed{\frac{d^2u_s}{dt^2} + 2\lambda\frac{du_s}{dt} + \omega_0^2 u_s = \omega_0^2 u_e}$$

On obtient *"l'équation de l'oscillateur harmonique amorti"*.

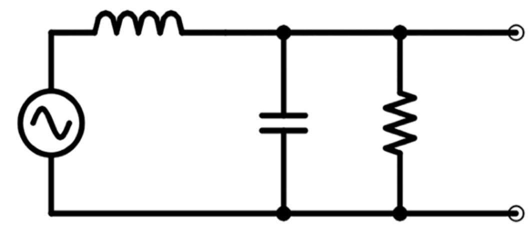
Toute équation différentielle de ce type possède une solution qui est la somme:

- **d'une solution transitoire** correspondant à la réponse transitoire de la sortie $u_S(t)$, et calculée comme la solution de l'équation différentielle sans second membre (avec $u_e = 0$),
- **d'une solution permanente** (solution particulière) correspondant à la réponse permanente $u_S(t)$ à une entrée $u_e(t)$ donnée.

SOLUTIONS PERMANENTES (oscillations forcées)

$$\boxed{\frac{d^2u_s}{dt^2} + 2\lambda\frac{du_s}{dt} + \omega_0^2 u_s = \omega_0^2 u_e}$$

Signal d’entrée continu



$$u_e(t) = u_{eo} \quad \Rightarrow \quad \boxed{u_s(t) = u_{eo}}$$

Signal d’entrée harmonique

$$u_e(t) = u_{eo}\sin(\Omega t)$$ où Ω = pulsation du signal appliqué

$$\Rightarrow \quad \boxed{u_s(t) = u_{so}(\Omega)\sin(\Omega t - \psi)}$$

avec
$$\begin{cases} \psi = \arctan\dfrac{2\lambda\Omega}{\omega_0^2 - \Omega^2} \\ u_{so}(\Omega) = \dfrac{\omega_0^2 u_{eo}}{\sqrt{(\omega_0^2 - \Omega^2)^2 + 4\lambda^2\Omega^2}} \end{cases}$$

$$\lambda = \frac{1}{2RC}$$

$$\omega_0 = \sqrt{\frac{1}{LC}}$$

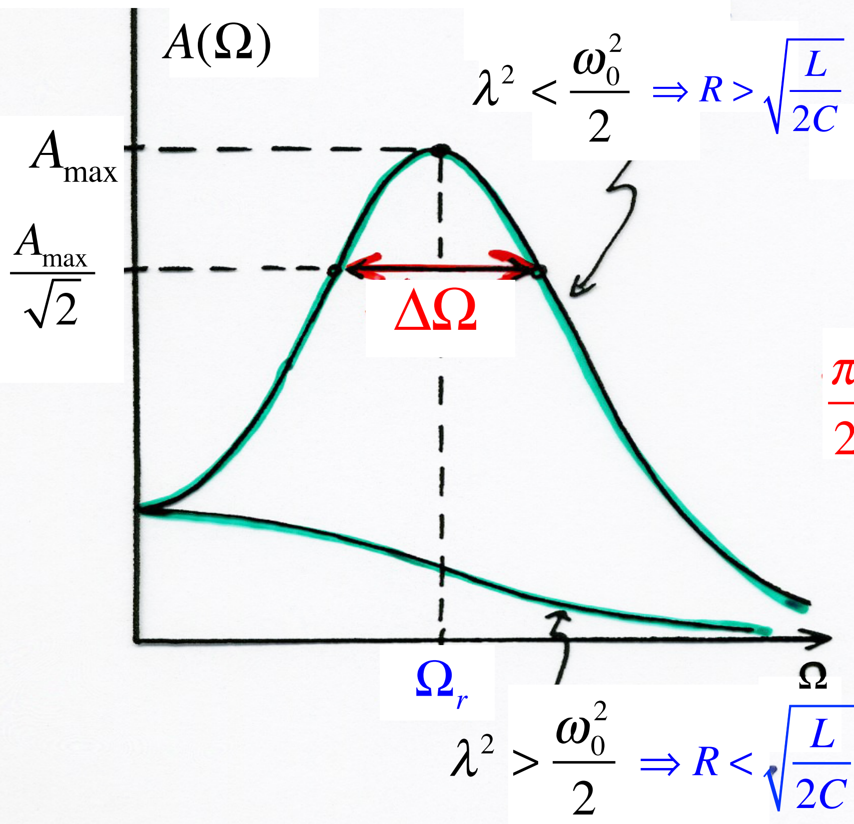
SOLUTIONS PERMANENTES (oscillations forcées)

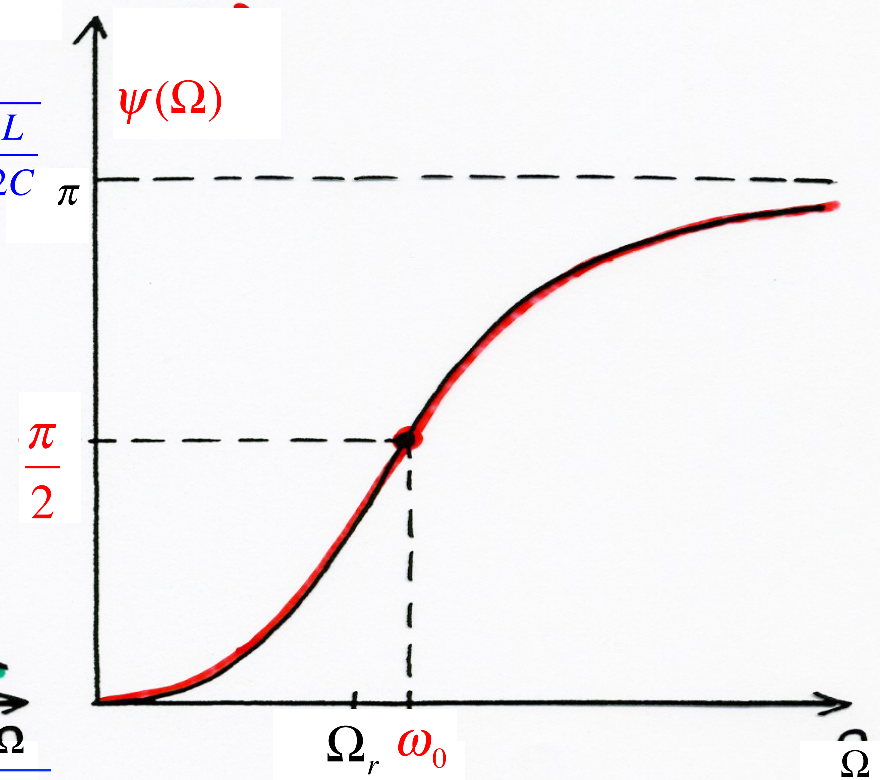
$$\begin{cases} \psi = \arctan \dfrac{2\lambda\Omega}{\omega_0^2 - \Omega^2} \\[2ex] u_{so}(\Omega) = \dfrac{\omega_0^2 u_{eo}}{\sqrt{(\omega_0^2 - \Omega^2)^2 + 4\lambda^2\Omega^2}} \end{cases}$$

$$\lambda = \frac{1}{2RC} \qquad \omega_0 = \sqrt{\frac{1}{LC}}$$

Gain A:

$$A(\Omega) = \frac{u_{so}(\Omega)}{u_{eo}}$$

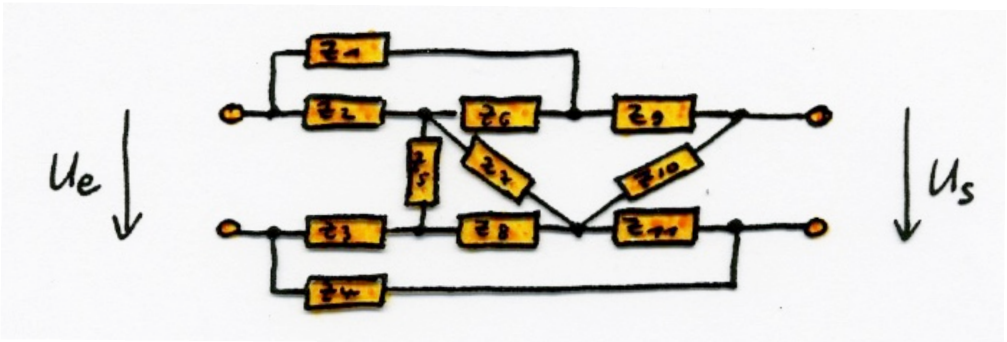




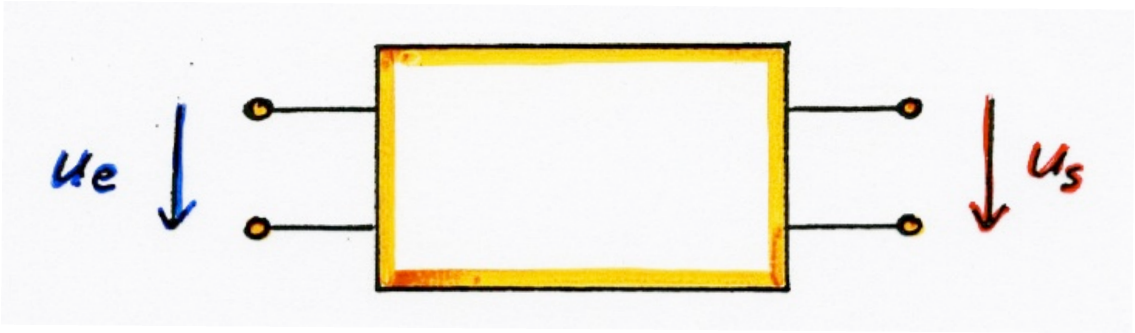
$$\Omega_r = \sqrt{\omega_0^2 - 2\lambda^2}$$

QUADRIPOLES

Soit un réseau compliqué qu'on appelle **un quadripôle**, de par l'existence de deux bornes d'entrée et de deux bornes de sortie:



Un tel réseau peut être représenté par la "boîte noire" suivante :



Si on impose une tension d'entrée **$u_e(t)$**, la sortie **$u_s(t)$** sera appelée **la réponse** du quadripôle.

REPONSE CONTINUE DES QUADRIPOLES

Si le réseau est constitué de résistances, de condensateurs et de selfs, ce sont uniquement les résistances qui fixeront la tension de sortie (self = court-circuit, condensateur = circuit ouvert), d'où

$$u_e(t) = constant \quad \Rightarrow \quad u_s(t) = constant$$

En réponse continue, on appelle **gain A du circuit quadripôle** la grandeur:

$$\boxed{A = \frac{u_s}{u_e}}$$

REPONSE HARMONIQUE DES QUADRIPOLES

Si l'on impose la tension d'entrée harmonique, la réponse, *dans le cas où le circuit est linéaire*, est du type

$$u_e = u_{eo} \sin(\omega t) \quad \Rightarrow \quad u_s = u_{so} \sin(\omega t + \varphi)$$

Cette réponse peut être caractérisée par **la fonction de transfert du quadripôle**. Cette fonction de transfert joue un rôle très important en électronique (amplificateurs, filtres, réglages automatiques, etc.).

REPONSE HARMONIQUE DES QUADRIPOLES

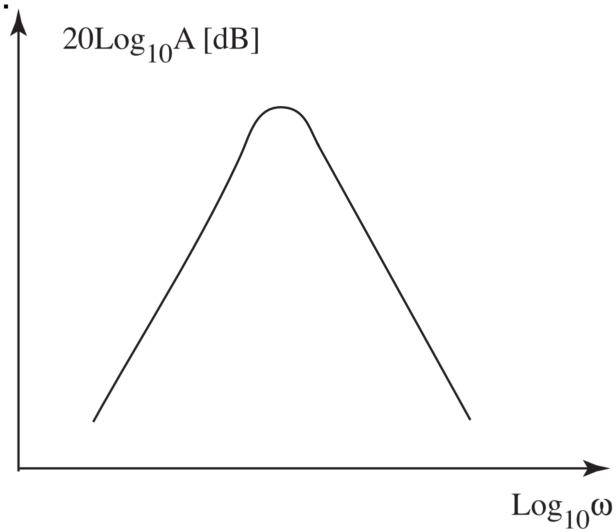
Représentation réelle de la fonction de transfert: le diagramme de Bode

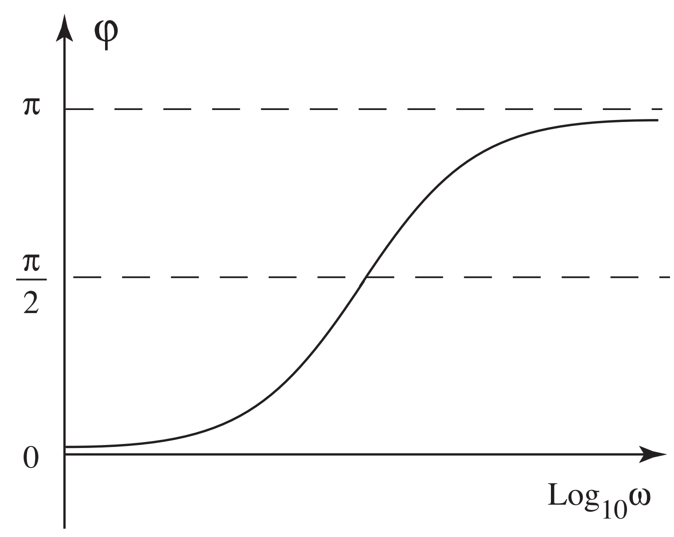
La représentation réelle de la fonction de transfert fait appel aux gain A et à la phase respectivement, donnés en fonction de la fréquence du signal d'entrée:

$$A(\omega) = \frac{u_{so}(\omega)}{u_{eo}}$$

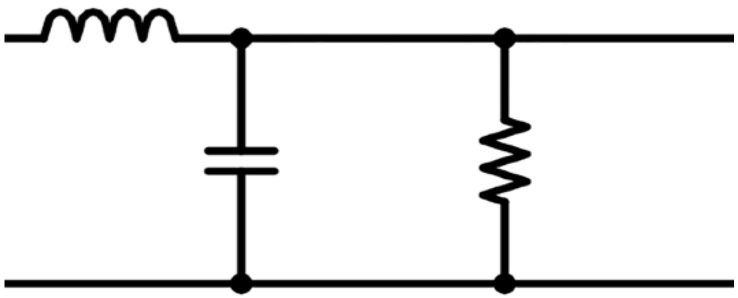
$$\varphi(\omega) = \text{ phase of } u_s/u_e$$

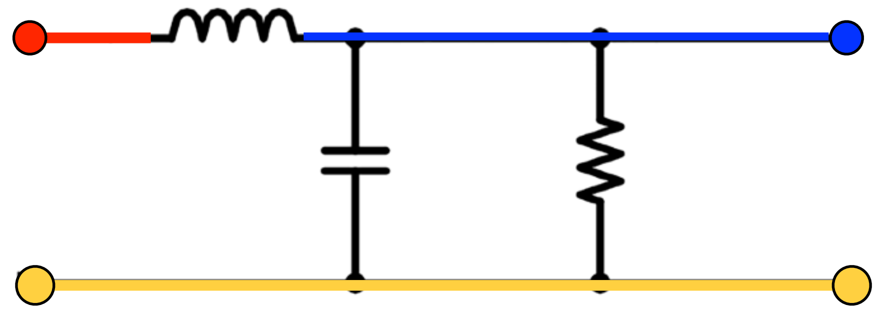
En général, on représente graphiquement **20 log10 A** dans un diagramme en fonction du logarithme de la pulsation. Un tel diagramme, appelé *diagramme de Bode*, a l'avantage de présenter en général des droites. On exprime la pente de ces droites en dB/octave, un octave correspondant à un doublement de la fréquence.



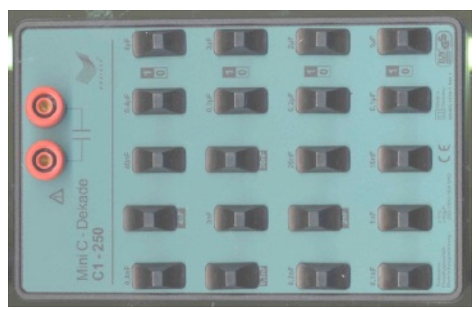


MONTAGE DU CIRCUIT RCL SERIE

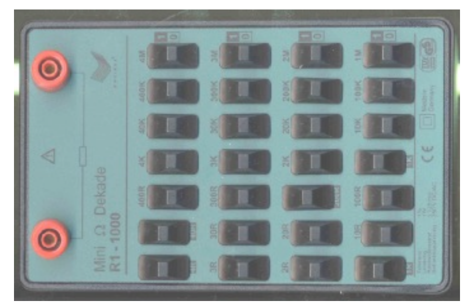




L



C



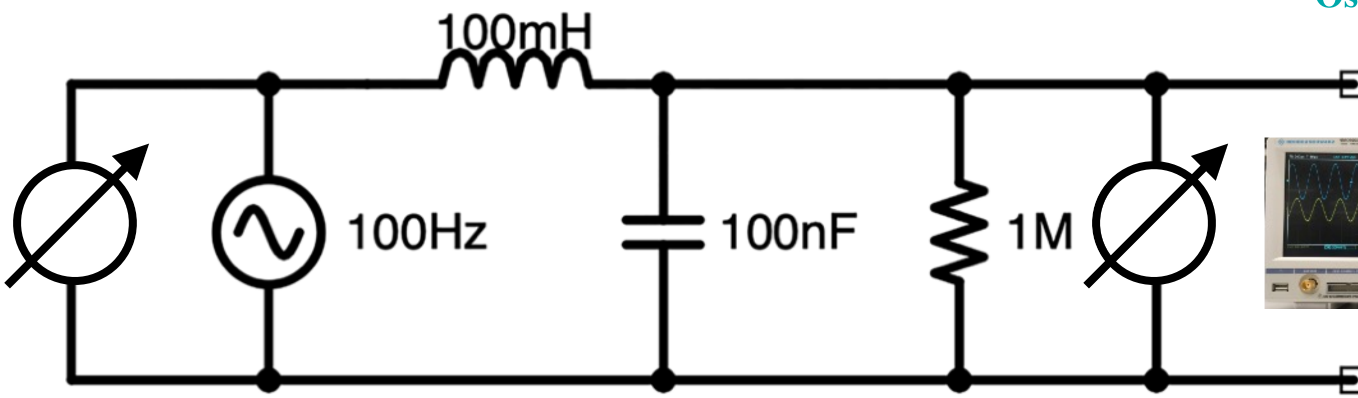
R

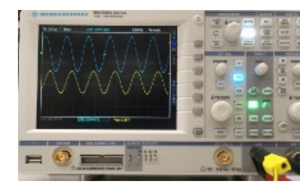
MONTAGE DU CIRCUIT RCL SERIE

Effectuez le montage suivant avec **L=0,1 H** et **C=0,1 μF R=1 MΩ**. La sortie du générateur de fonction doit être commutée sur impédance 50Ω, et sur gain -20 dB.

(note : il est nécessaire de respecter les ***codes de couleur*** *pour les fils de câblage !)*

Oscilloscope

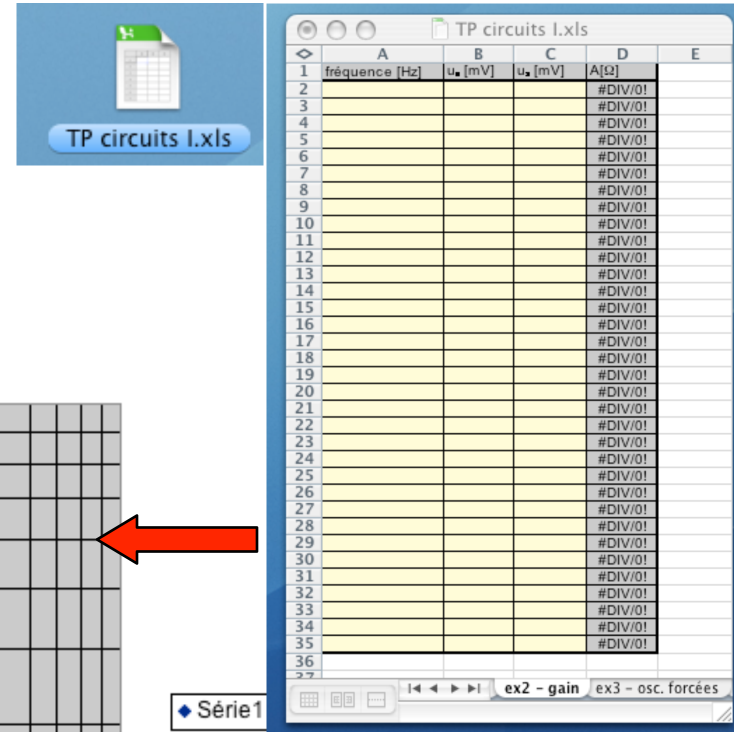


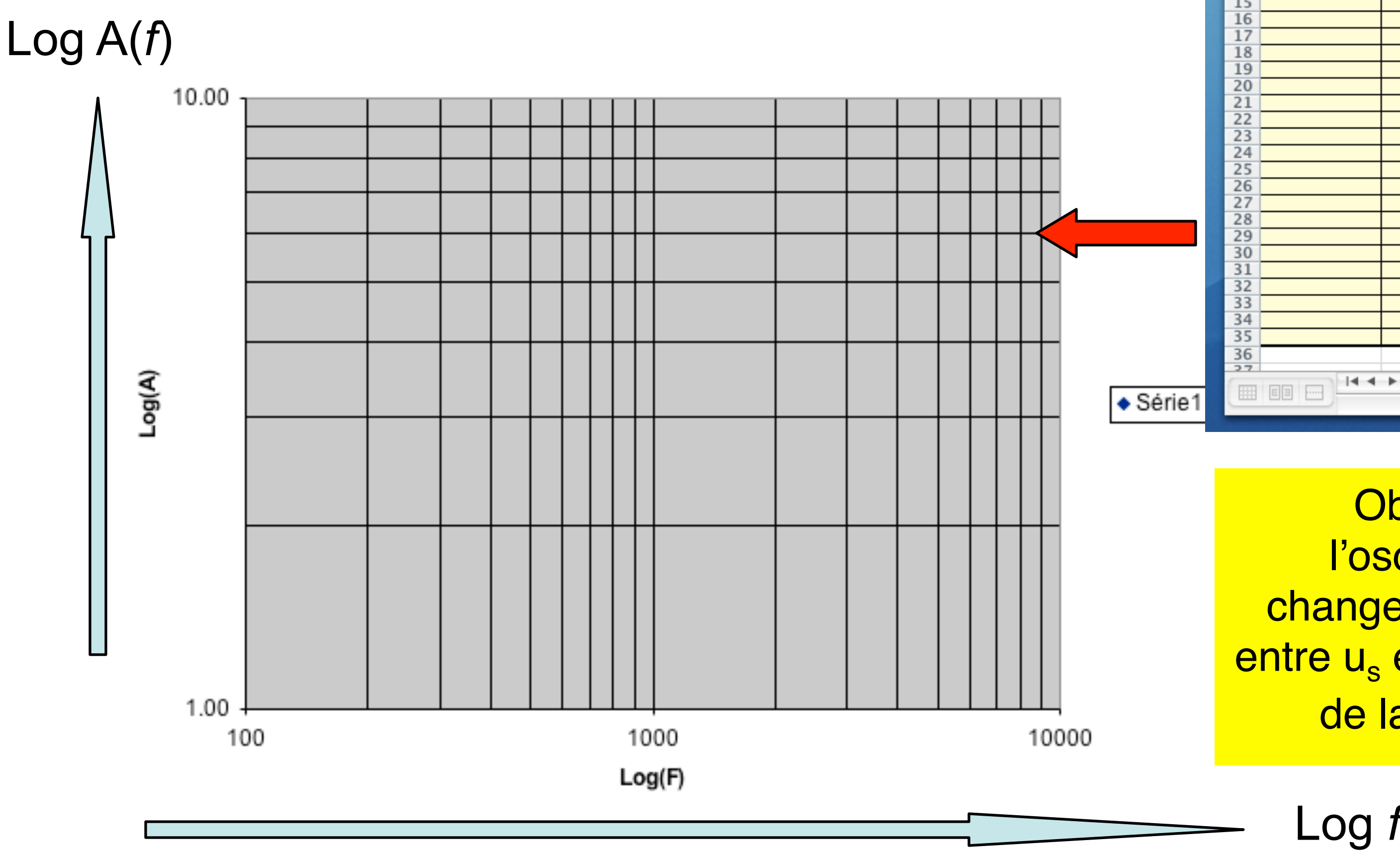


-20 dB

MESURE DE LA RESONANCE

Mesurez u_s et u_e et calculez $A(f)=u_s/u_e$ en oscillations forcées, en utilisant pour le signal d'entrée $u_e(t)$ un signal sinusoïdal de fréquence *f* comprise entre 100 Hz et quelques kHz, et avec une tension de 200 mV RMS, pour **R= 1 MΩ**, et reportez les résultats dans **un diagramme de Bode**.

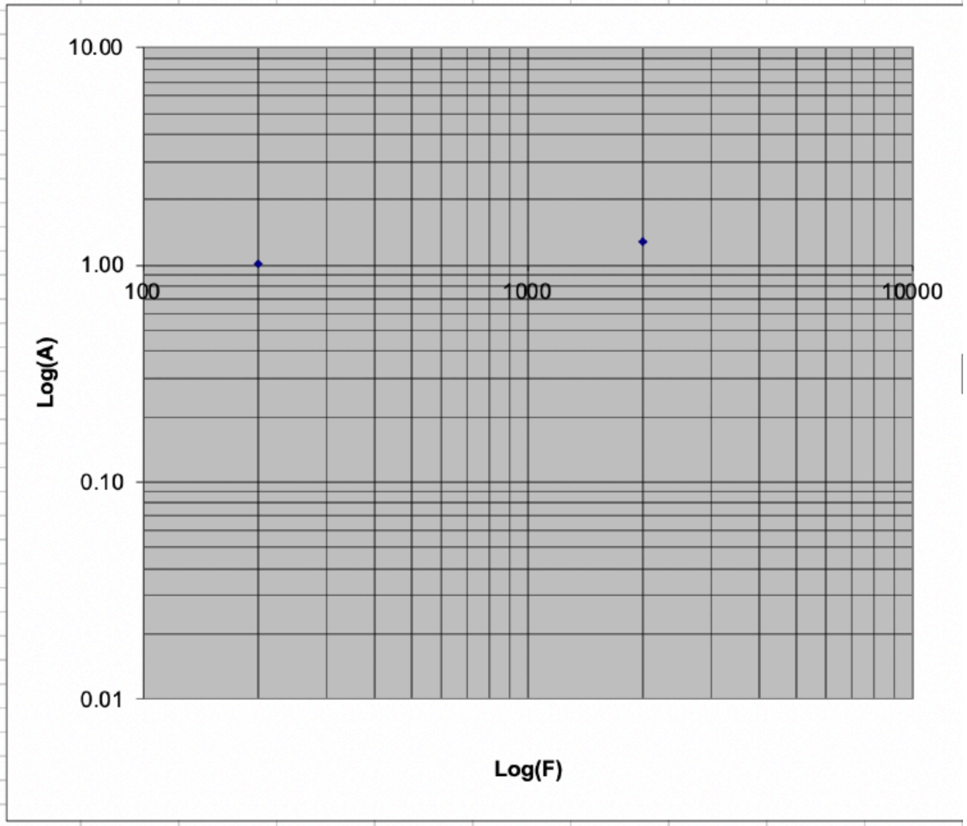




Observer sur l'oscilloscope le changement de phase entre u_s et u_e au passage de la résonance.

MESURE DE LA RESONANCE

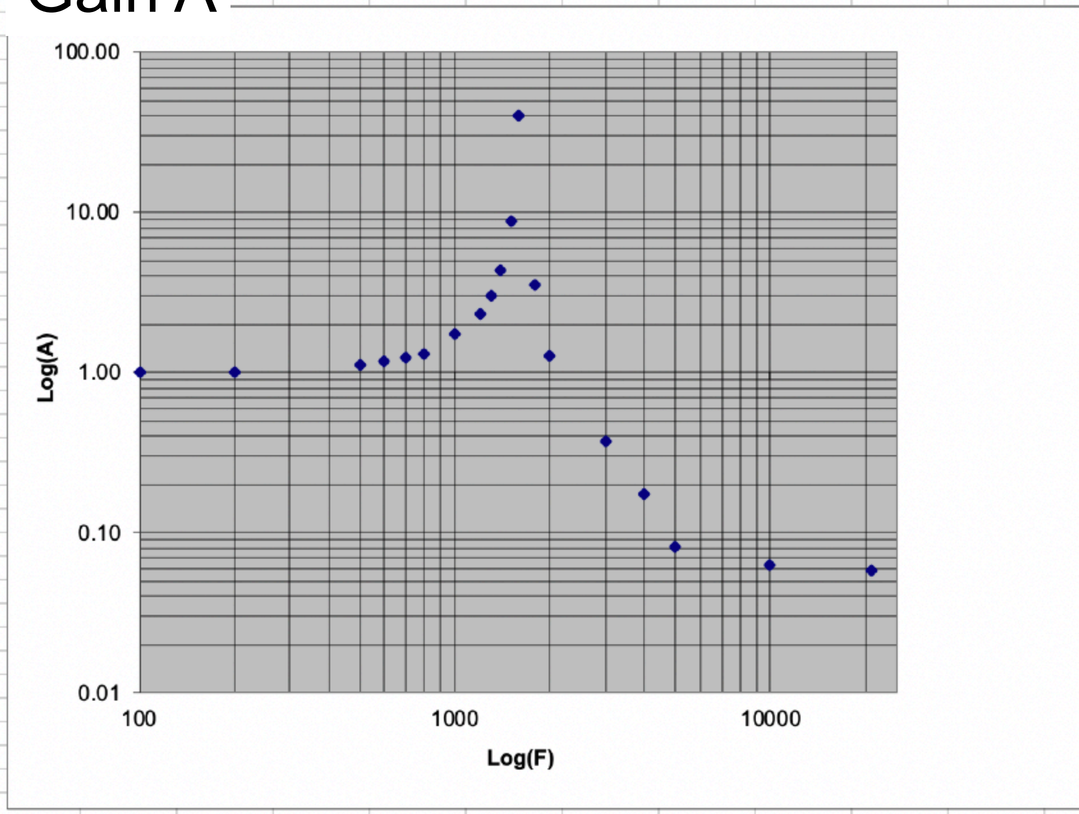
	fréquence	u_e [mV]	u_s [mV]	A[Ω]
2	20	0.100	0.100	1.00
3	50			#DIV/0!
4	100			#DIV/0!
5	200	0.102	0.103	1.01
6	500			#DIV/0!
7	1000			#DIV/0!
8	1200			#DIV/0!
9	1300			#DIV/0!
10	1400			#DIV/0!
11	1500			#DIV/0!
12	1600			#DIV/0!
13	2000	0.099	0.127	1.28
14	5000			#DIV/0!
15	10000			#DIV/0!
16	21000	0.086	0.005	0.06
17	50000			#DIV/0!
18	100000			#DIV/0!
19	200000	0.007	0.003	0.43
20	500000			#DIV/0!
21	1000000			#DIV/0!
22	2000000	0.005	0.003	0.60
23	5000000			#DIV/0!
24				#DIV/0!
25				#DIV/0!
26				#DIV/0!
27				#DIV/0!
28				#DIV/0!
29				#DIV/0!
30				#DIV/0!
31				#DIV/0!
32				#DIV/0!
33				#DIV/0!
34				#DIV/0!
35				#DIV/0!



MESURE DE LA RESONANCE

fréquence	u_e [mV]	u_s [mV]	A[Ω]
20	0.100	0.100	1.00
50	0.102	0.101	0.99
100	0.100	0.100	1.00
200	0.102	0.103	1.01
500	0.102	0.113	1.11
600	0.100	0.117	1.17
700	0.100	0.124	1.24
800	0.100	0.133	1.33
1000	0.100	0.174	1.74
1200	0.099	0.231	2.33
1300	0.098	0.297	3.03
1400	0.097	0.427	4.40
1500	0.088	0.775	8.81
1600	0.036	1.468	40.78
1800	0.096	0.340	3.54
2000	0.099	0.127	1.28
3000	0.098	0.037	0.38
4000	0.098	0.017	0.17
5000	0.098	0.008	0.08
10000	0.094	0.006	0.06
21000	0.086	0.005	0.06
50000	0.049	0.005	0.10
			#DIV/0!
			#DIV/0!
			#DIV/0!
			#DIV/0!
			#DIV/0!
			#DIV/0!
			#DIV/0!
			#DIV/0!
			#DIV/0!
			#DIV/0!
			#DIV/0!
			#DIV/0!

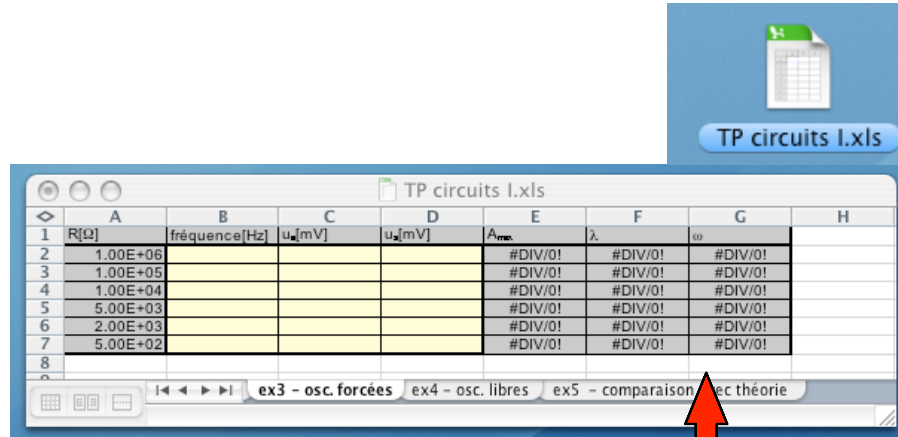
Gain A



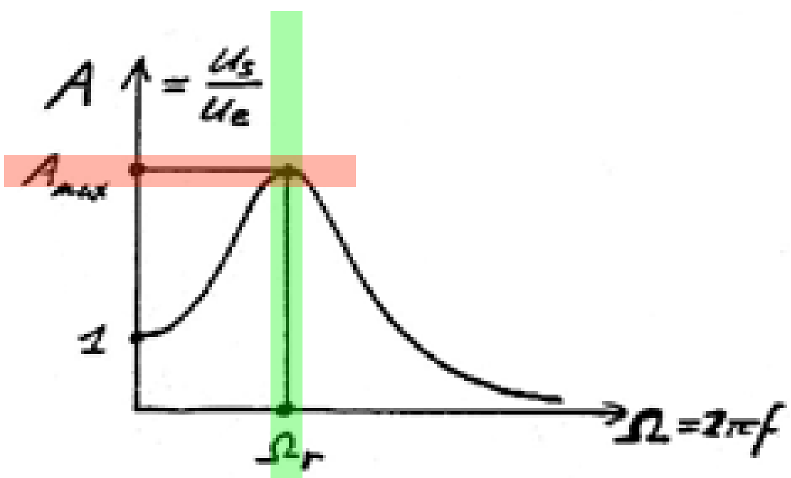
Fréquence (Hz)

REPONSE PERMANENTE

Cherchez à l'aide de l'oscilloscope la résonance sur $A(f)=u_s/u_e$ en oscillations forcées, en utilisant pour le signal d'entrée $u_e(t)$ un signal sinusoïdal avec une tension de 200 mV RMS, pour **R= 1 MΩ, 100 kΩ, 10 kΩ, 5 kΩ, 2 kΩ, et 500 Ω.** Pour chaque cas, mesurez, trouvez avec les voltmètres et l'oscilloscope la fréquence de résonance f_r et A_{max}, et calculez λ et ω_0.



R[Ω]	fréquence[Hz]	u_e[mV]	u_s[mV]	A_{max}	λ	ω
1.00E+06				#DIV/0!	#DIV/0!	#DIV/0!
1.00E+05				#DIV/0!	#DIV/0!	#DIV/0!
1.00E+04				#DIV/0!	#DIV/0!	#DIV/0!
5.00E+03				#DIV/0!	#DIV/0!	#DIV/0!
2.00E+03				#DIV/0!	#DIV/0!	#DIV/0!
5.00E+02				#DIV/0!	#DIV/0!	#DIV/0!



$$\lambda = \Omega_r \sqrt{\frac{1}{2}\left[\sqrt{\frac{A_{max}^2}{A_{max}^2 - 1}} - 1\right]}$$

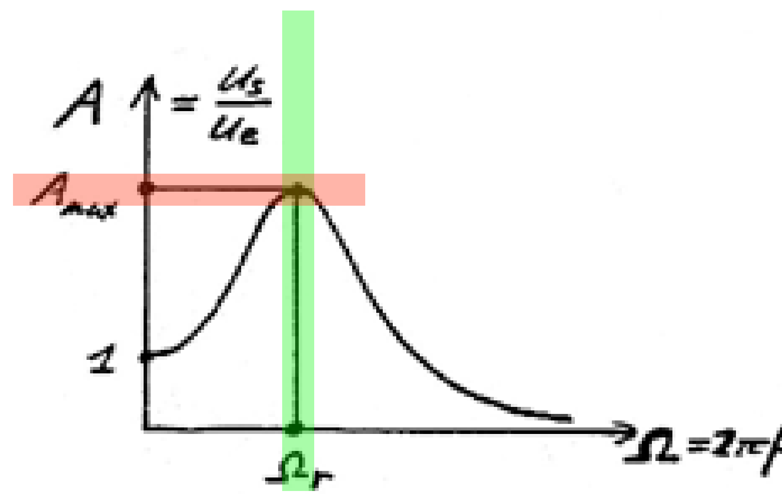
$$\omega_0 = \sqrt{\Omega_r^2 + 2\lambda^2}$$

Exercice: essayer d'établir ces formules !

REPONSE PERMANENTE

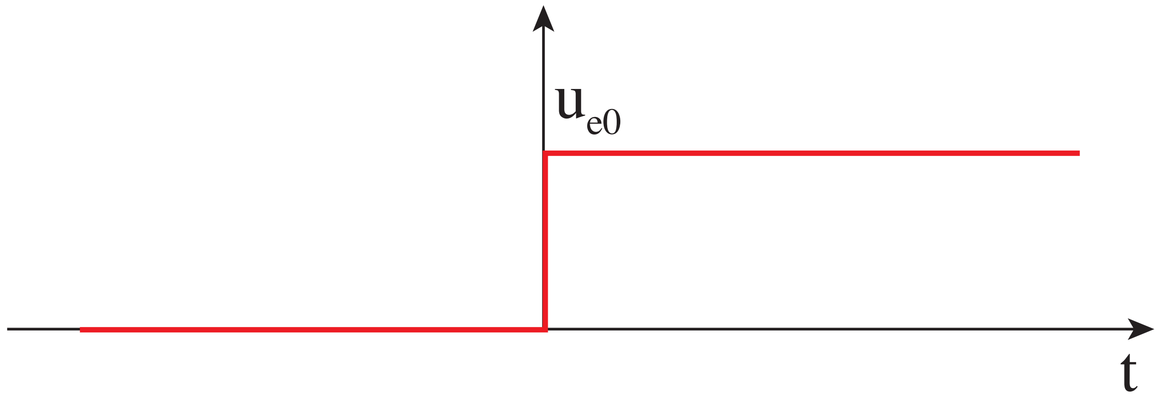
Cherchez à l'aide de l'oscilloscope la résonance sur $A(f)=u_s/u_e$ en oscillations forcées, en utilisant pour le signal d'entrée $u_e(t)$ un signal sinusoïdal avec une tension de 200 mV RMS, pour **R= 1 MΩ, 100 kΩ, 10 kΩ, 5 kΩ, 2 kΩ, et 500 Ω.** Pour chaque cas, mesurez, trouvez avec les voltmètres et l'oscilloscope la fréquence de résonance f_r et A_{max}, et calculez λ et ω_0.

R[Ω]	fréquence[	u_e[mV]	u_s[mV]	A_{max}	λ	ω
1.00E+06	1589	0.023	1.521	66.13043	75.49129	9984.258
1.00E+05	1588.00	0.032	1.337	41.78125	119.4262	9978.833
1.00E+04	1584.00	0.069	0.605	8.768116	570.318	9984.901
5.00E+03	1581.00	0.080	0.377	4.7125	1072.277	10048.5
2.00E+03	1581.00	0.090	0.177	1.966667	2821.305	10704.78
5.00E+02	1581.00	0.10	0.048	0.494845	#NUM!	#NUM!



SOLUTIONS TRANSITOIRES (oscillations libres)

Ces différentes solutions transitoires peuvent être mises en évidence très simplement si, à l'instant t=o, on passe d'une tension d'entrée nulle à une tension $u_e(t) = u_{eo}$.



La solution transitoire de l'équation différentielle peut prendre trois formes:

Cas $\lambda^2 < \omega_0^2$: **amortissement faible** $\left(R > \frac{1}{2}\sqrt{\frac{L}{C}}\right)$

$$\boxed{u_s(t) = C \cdot e^{-\lambda t} \cos(\omega t - \varphi)}$$

(oscillateur amorti)

C, φ : constantes d'intégration avec $\boxed{\omega = \sqrt{\omega_0^2 - \lambda^2}}$

SOLUTIONS TRANSITOIRES (oscillations libres)

Cas $\lambda^2 = \omega_0^2$: **amortissement critique**

$$\left(R = \frac{1}{2}\sqrt{\frac{L}{C}} \right)$$

$$\boxed{u_s(t) = e^{-\lambda t}(C_1 + C_2 t)}$$

avec $\{$ C_1, C_2 : constantes d'intégration

Cas $\lambda^2 > \omega_0^2$ **amortissement fort, suramortissement**

$$\left(R < \frac{1}{2}\sqrt{\frac{L}{C}} \right)$$

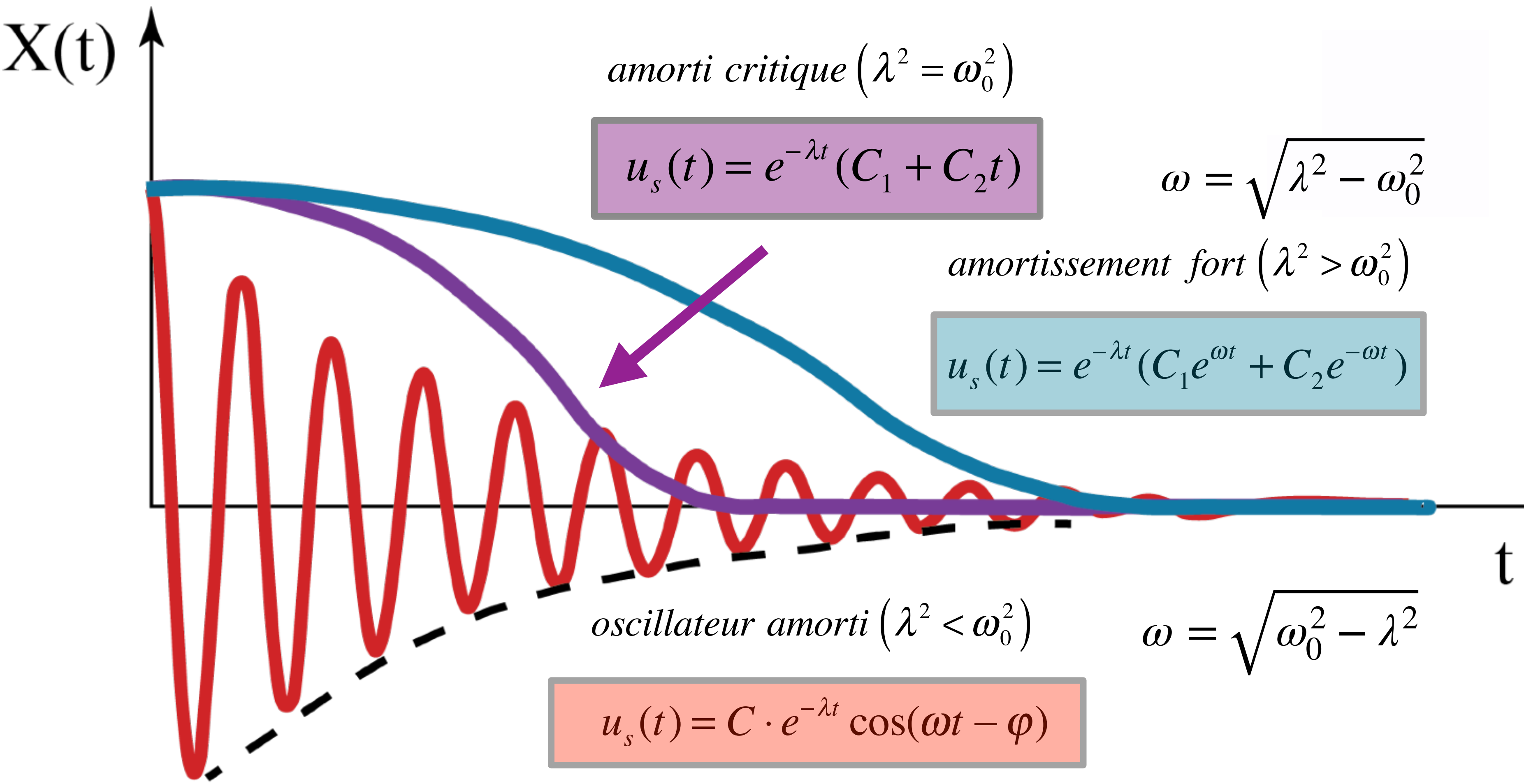
$$\boxed{u_s(t) = e^{-\lambda t}(C_1 e^{\omega t} + C_2 e^{-\omega t})}$$

(mouvement non périodique)

avec $\left\{ \begin{array}{l} C_1, C_2 : \text{constantes d'intégration} \\ \boxed{\omega = \sqrt{\lambda^2 - \omega_0^2}} \end{array} \right.$

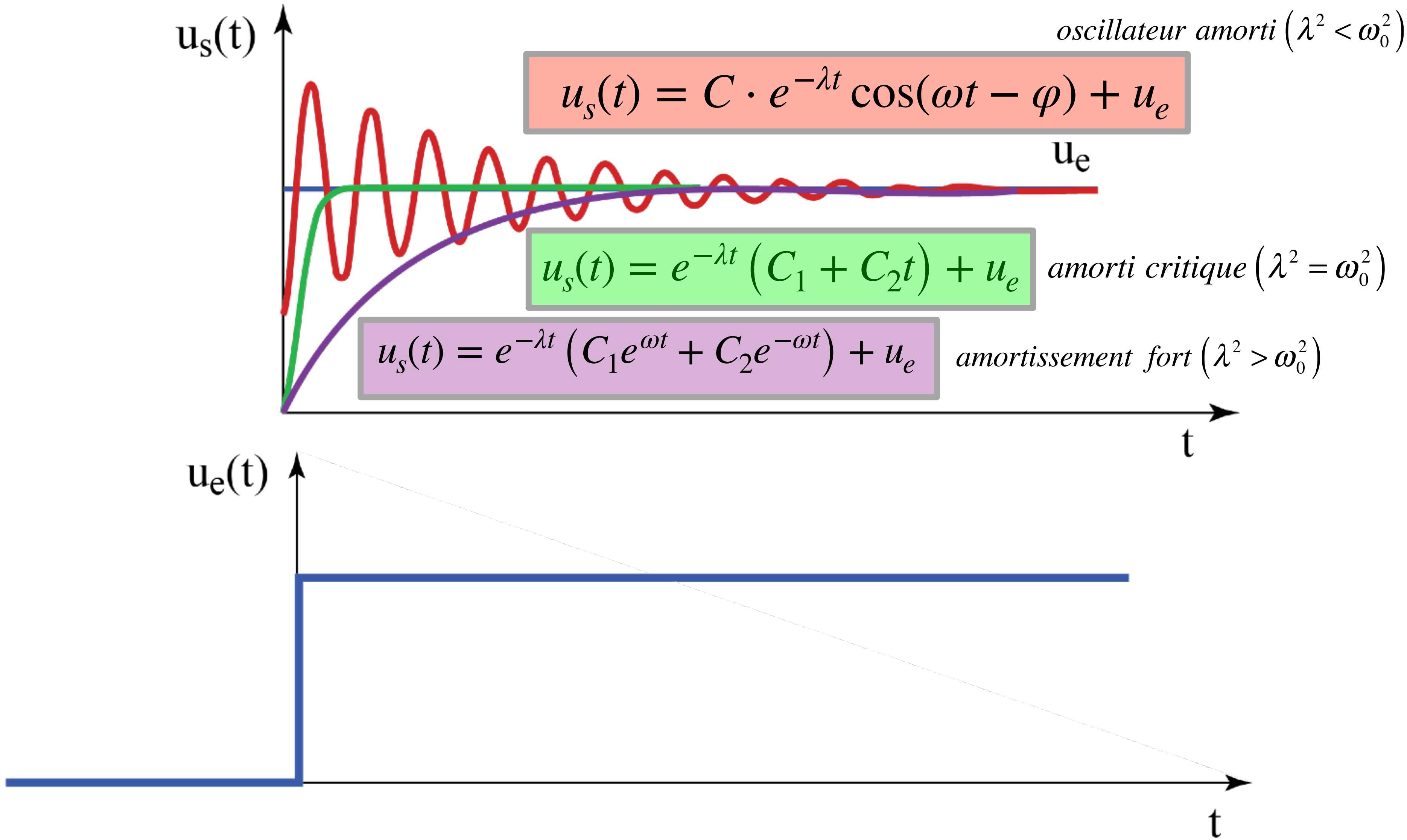
SOLUTIONS TRANSITOIRES (oscillations libres)

Les solutions de l'équation de l'oscillateur **libre** s'expriment graphiquement par les allures suivantes :



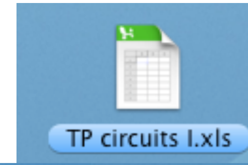
SOLUTIONS TRANSITOIRES (oscillations libres)

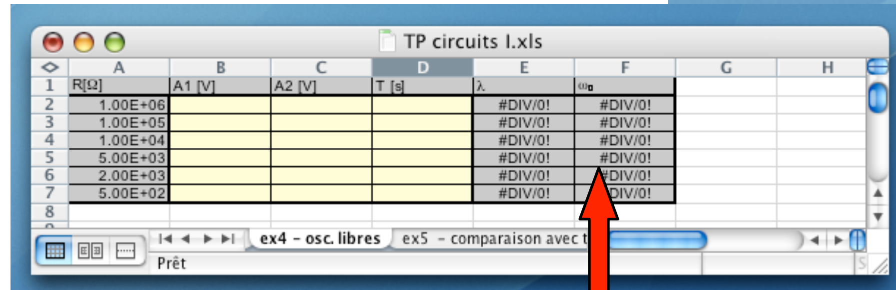
Dans l'équivalent électrique de l'oscillateur **libre** on étudie la réponse à un saut de tension : la position stable se situe au niveau de la tension d'entrée u_e



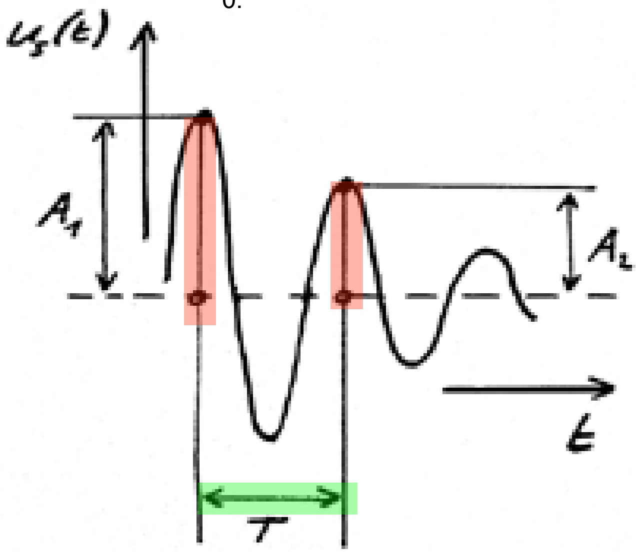
OSCILLATIONS LIBRES

Observez avec **l'oscilloscope digital** les oscillations libres amorties, en utilisant un signal d'entrée $u_e(t)$ de forme carrée, de fréquence f voisine de 10 Hz, et d'amplitude fixe voisine de 200 mV RMS, pour **R= 1 MΩ, 100 kΩ, 10 kΩ, 5 kΩ, 2 kΩ, et 500 Ω.** Pour chaque cas, mesurez avec les curseurs de l'oscilloscope la période T et deux amplitudes successives A_1 et A_2, et calculez les grandeurs λ et ω_0.





R[Ω]	A1 [V]	A2 [V]	T [s]	λ	ω₀
1.00E+06				#DIV/0!	#DIV/0!
1.00E+05				#DIV/0!	#DIV/0!
1.00E+04				#DIV/0!	#DIV/0!
5.00E+03				#DIV/0!	#DIV/0!
2.00E+03				#DIV/0!	#DIV/0!
5.00E+02				#DIV/0!	#DIV/0!

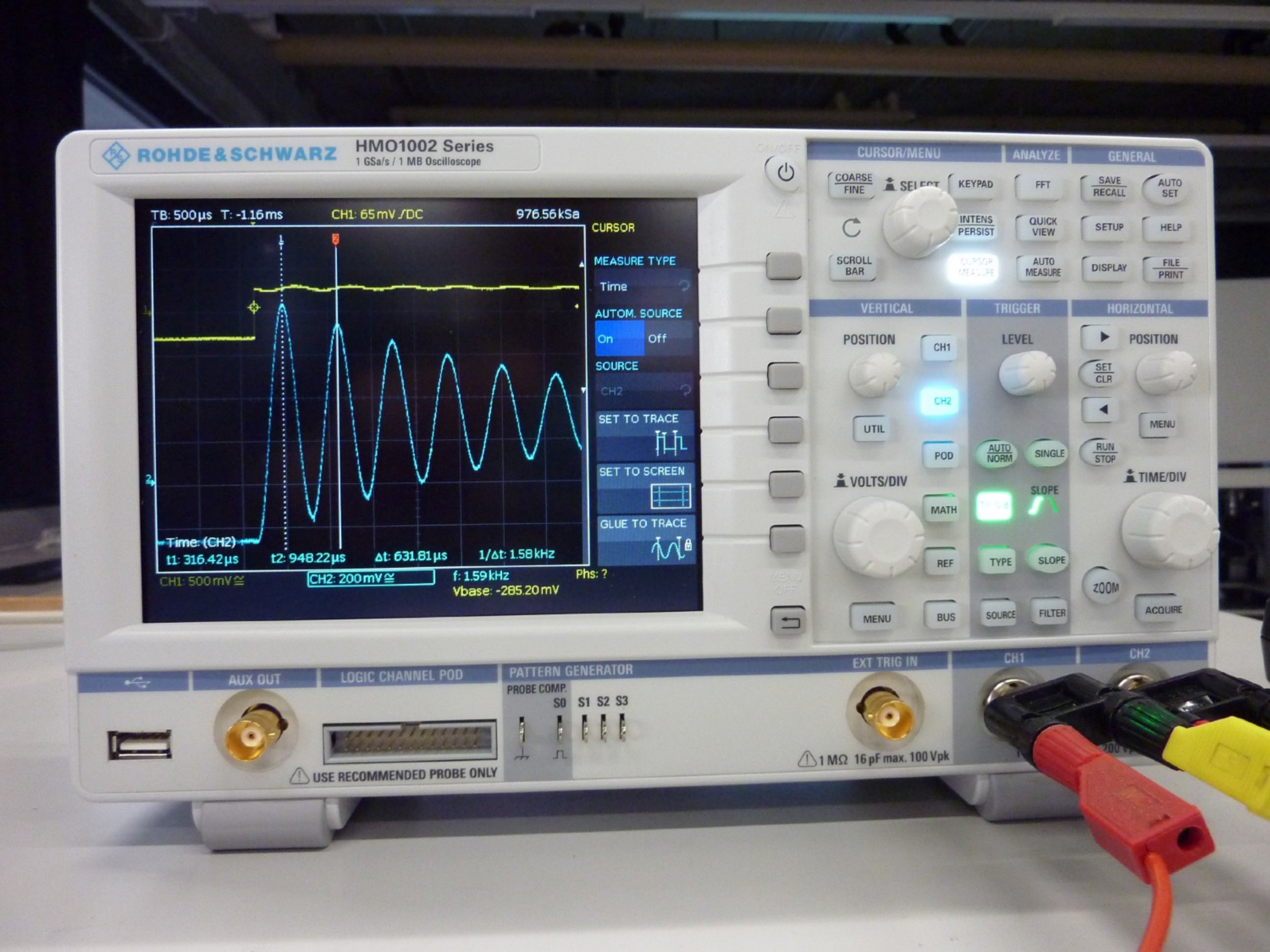


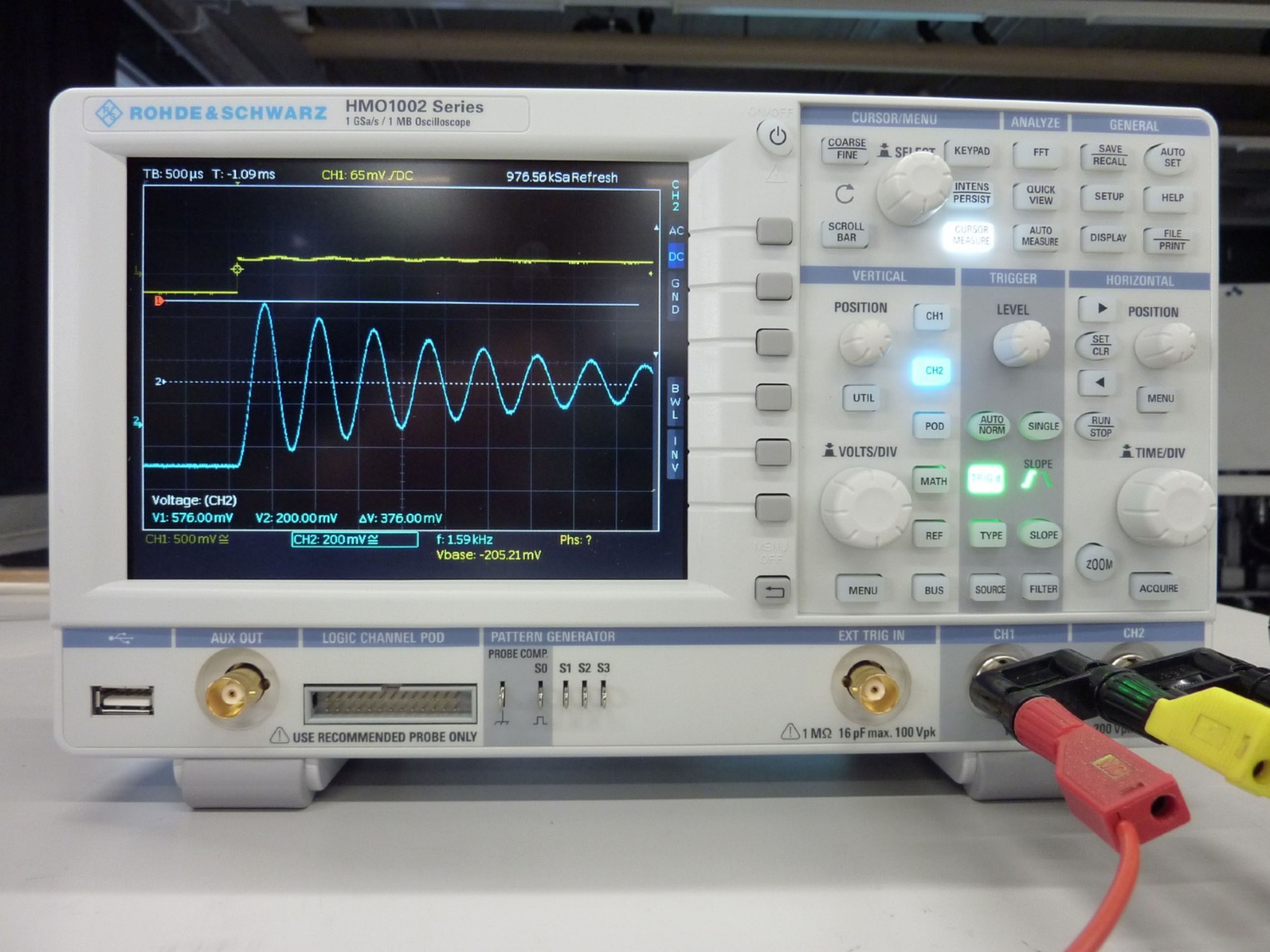
$$\lambda = \frac{1}{T} \ln\left(\frac{A_1}{A_2}\right)$$

$$\omega_0 = \sqrt{\left(\frac{2\pi}{T}\right)^2 + \lambda^2}$$

Exercice: essayer d'établir ces formules !

- Il est conseillé de synchroniser l'oscilloscope sur le canal du signal carré (CH1) .
- Vérifiez que la Source des mesures pour les curseurs correspond au canal de sortie (CH2 en principe).
- Finalement il sera utile de mesurer en mode DC autrement dit admettre la composante continue du signal. On peut le sélectionner sur "Menu"

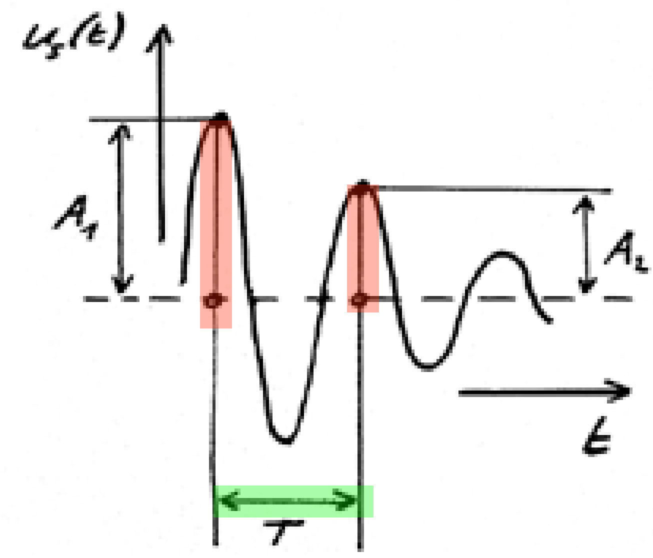

ROHDE&SCHWARZ
HMO1002 Series
1 GSa/s / 1 MB Oscilloscope
TB: 500µs T: -1.16ms
CH1: 65mV /DC
976.56kSa
CURSOR
MEASURE TYPE
Time
AUTOM. SOURCE
On
Off
SOURCE
CH2
SET TO TRACE
SET TO SCREEN
GLUE TO TRACE
Time: (CH2)
t1: 316.42µs
t2: 948.22µs
Δt: 631.81µs
1/Δt: 1.58kHz
CH1: 500mV
CH2: 200mV
f: 1.59kHz
Vbase: -285.20mV
Phs: ?
CURSOR/MENU
ANALYZE
GENERAL
COARSE FINE
KEYPAD
FFT
SAVE RECALL
AUTO SET
INTENS PERSIST
QUICK VIEW
SETUP
HELP
SCROLL BAR
AUTO MEASURE
DISPLAY
FILE PRINT
VERTICAL
TRIGGER
HORIZONTAL
POSITION
CH1
LEVEL
POSITION
SET CLR
CH2
UTIL
MENU
POD
AUTO NORM
SINGLE
RUN STOP
VOLTS/DIV
SLOPE
TIME/DIV
MATH
REF
TYPE
SLOPE
ZOOM
MENU
BUS
SOURCE
FILTER
ACQUIRE
AUX OUT
LOGIC CHANNEL POD
PATTERN GENERATOR
PROBE COMP.
S0
S1
S2
S3
EXT TRIG IN
CH1
CH2
USE RECOMMENDED PROBE ONLY
1 MΩ 16 pF max. 100 Vpk


ROHDE&SCHWARZ
HMO1002 Series
1 GSa/s / 1 MB Oscilloscope
TB: 500µs T: -1.09ms
CH1: 65mV ⁄DC
976.56kSa Refresh
Voltage: (CH2)
V1: 576.00mV V2: 200.00mV ΔV: 376.00mV
CH1: 500mV
CH2: 200mV
f: 1.59kHz
Phs: ?
Vbase: -205.21mV
CURSOR/MENU
ANALYZE
GENERAL
VERTICAL
TRIGGER
HORIZONTAL
AUX OUT
LOGIC CHANNEL POD
PATTERN GENERATOR
EXT TRIG IN
CH1
CH2
USE RECOMMENDED PROBE ONLY
1 MΩ 16 pF max. 100 Vpk

OSCILLATIONS LIBRES

Observez avec **l'oscilloscope digital** les oscillations libres amorties, en utilisant un signal d'entrée $u_e(t)$ de forme carrée, de fréquence f voisine de 10 Hz, et avec une tension de 200 mV RMS, pour **R= 1 MΩ, 100 kΩ, 10 kΩ, 5 kΩ, 2 kΩ, et 500 Ω.** Pour chaque cas, mesurez avec les curseurs de l'oscilloscope la période T et deux amplitudes successives A_1 et A_2, et calculez les grandeurs λ et ω_0.

R[Ω]	A1 [V]	A2 [V]	T [s]	λ	ω_0
1.00E+06	0.248	0.204	6.50E-04	300.48	9671.11
1.00E+05	0.252	2.00E-01	6.30E-04	366.84	9980.05
1.00E+04	0.216	1.36E-01	6.30E-04	734.32	10000.31
5.00E+03	1.84E-01	8.40E-02	6.31E-04	1242.66	10034.74
2.00E+03	0.108	2.00E-02	6.31E-04	2672.58	10309.93
5.00E+02				#DIV/0!	#DIV/0!



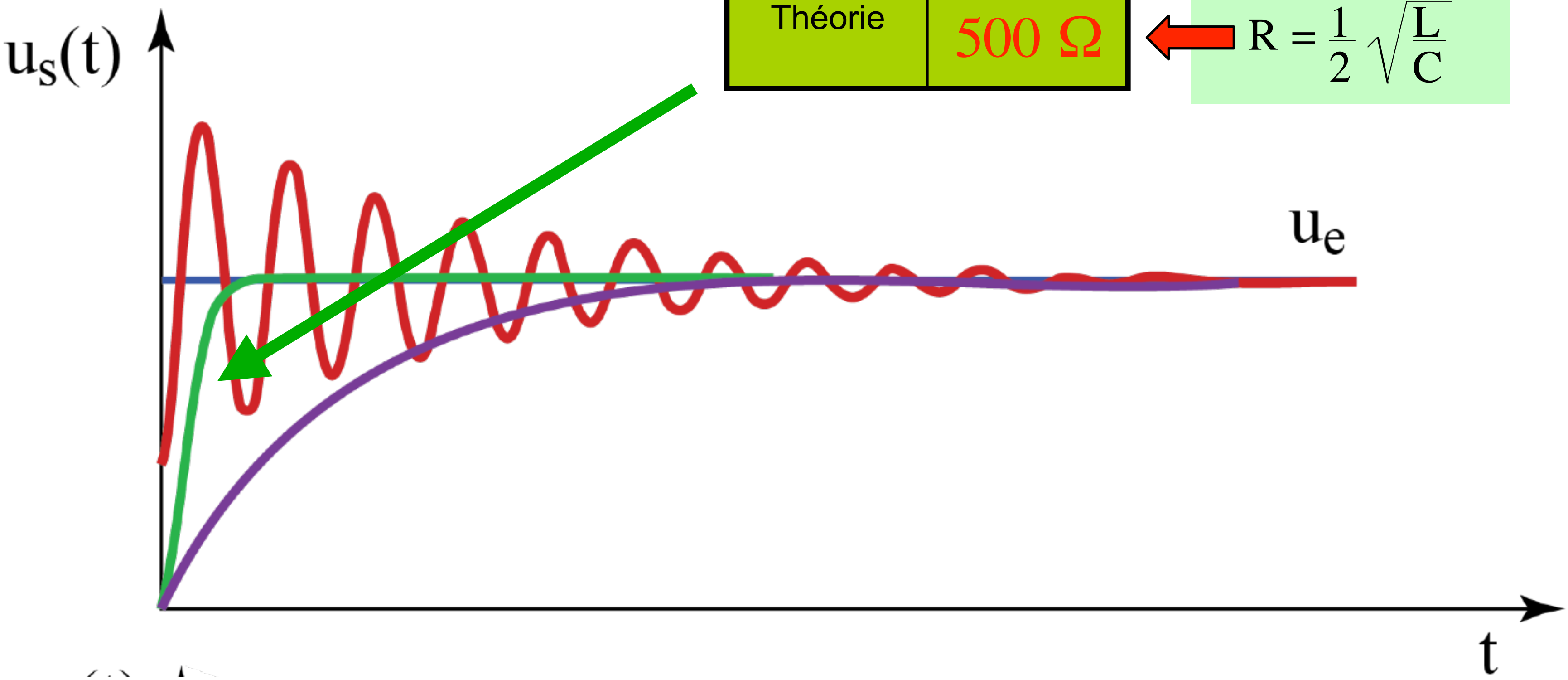
AMORTISSEMENT CRITIQUE

Recherchez expérimentalement la valeur de résistance R qui assure **un amortissement critique**, et comparez cette valeur à la valeur théorique:

.

	R
Oscil. libres	
Théorie	500 Ω

$$R = \frac{1}{2}\sqrt{\frac{L}{C}}$$



DISCUSSION

Comparez les valeurs expérimentales de λ et ω_0, obtenues en oscillations libres et forcées pour différentes valeurs de R, avec les valeurs théoriques calculées pour les grandeurs R, C et L utilisées:

$$\lambda = \frac{1}{2\,R\,C} \qquad \omega_0 = \frac{1}{\sqrt{L\,C}}$$

R [W]	oscillations forcées		oscillations libres		théorie	
	λ	ω_0	λ	ω_0	λ	ω_0
1.00E+06	75.49	9984.26	300.48	9671.11	5.00	10000.00
1.00E+05	119.43	9978.83	366.84	9980.05	50.00	10000.00
1.00E+04	570.32	9984.90	734.32	10000.31	500.00	10000.00
5.00E+03	1072.28	10048.50	1242.66	10034.74	1000.00	10000.00
2.00E+03	2821.30	10704.78	2672.58	10309.93	2500.00	10000.00
5.00E+02	#NUM!	#NUM!	#DIV/0!	#DIV/0!		

Les résultats expérimentaux et théoriques ne concordent pas! (surtout l'amortissement)

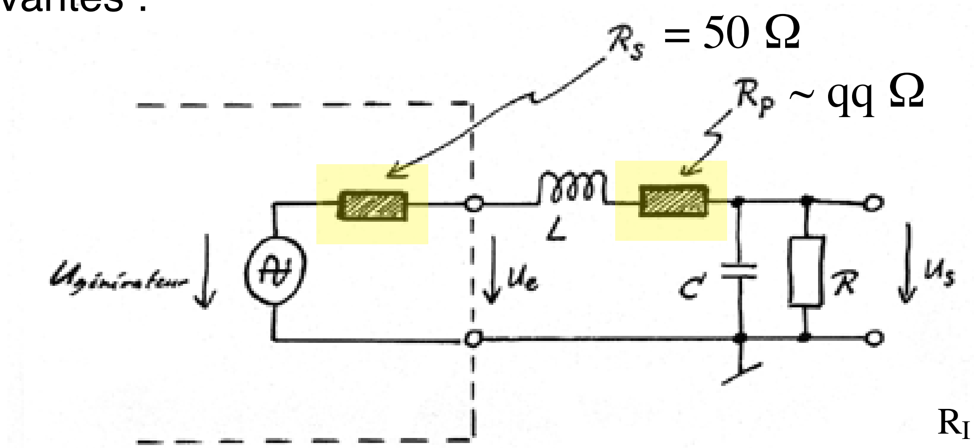
DISCUSSION

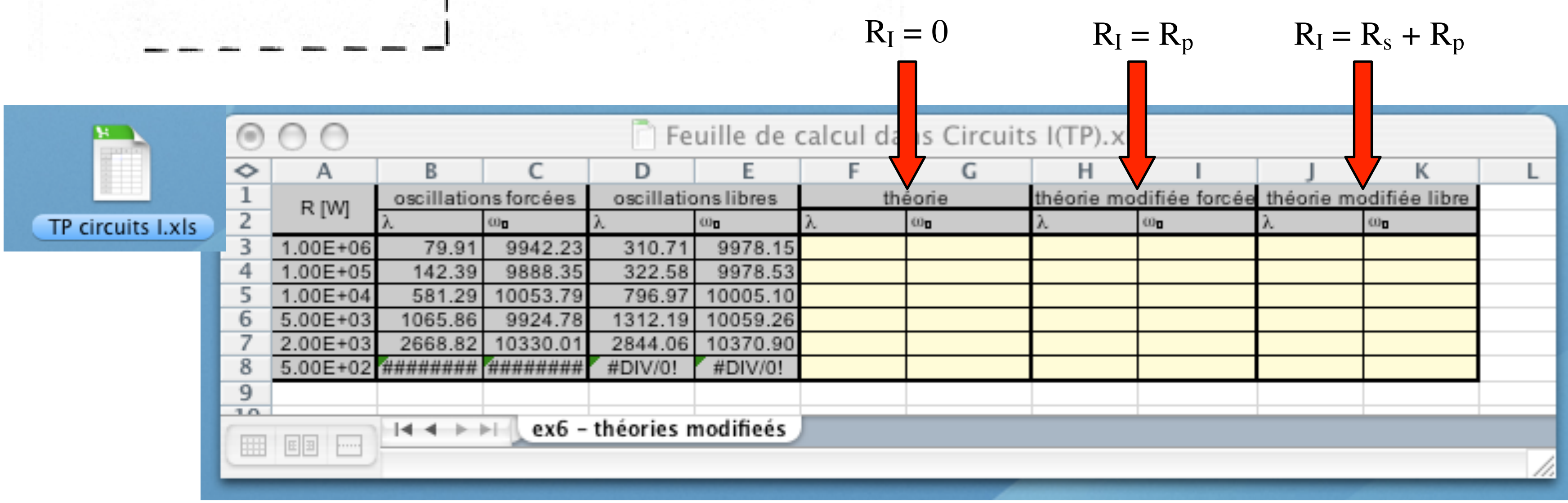
Discutez les différences trouvées entre résultats expérimentaux et résultats théoriques, en oscillations libres et forcées, sur la base du schéma équivalent réel suivant, tenant compte de la résistance de sortie R_s du générateur et de la résistance ohmique parasite R_p de la self. Comparez avec l'expérience les relations suivantes :

$$\lambda = \frac{1}{2}\left(\frac{1}{RC} + \frac{R_I}{L}\right)$$

$$\omega_0 = \sqrt{\frac{1}{L\,C}\left(1 + \frac{R_I}{R}\right)}$$

$$\begin{cases} R_I = R_s + R_p & \text{(libres)} \\ R_I = R_p & \text{(forcées)} \end{cases}$$





	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K
1	R [W]	oscillations forcées		oscillations libres		théorie		théorie modifiée forcée		théorie modifiée libre	
2		λ	ω0	λ	ω0	λ	ω0	λ	ω0	λ	ω0
3	1.00E+06	79.91	9942.23	310.71	9978.15						
4	1.00E+05	142.39	9888.35	322.58	9978.53						
5	1.00E+04	581.29	10053.79	796.97	10005.10						
6	5.00E+03	1065.86	9924.78	1312.19	10059.26						
7	2.00E+03	2668.82	10330.01	2844.06	10370.90						
8	5.00E+02	########	########	#DIV/0!	#DIV/0!						

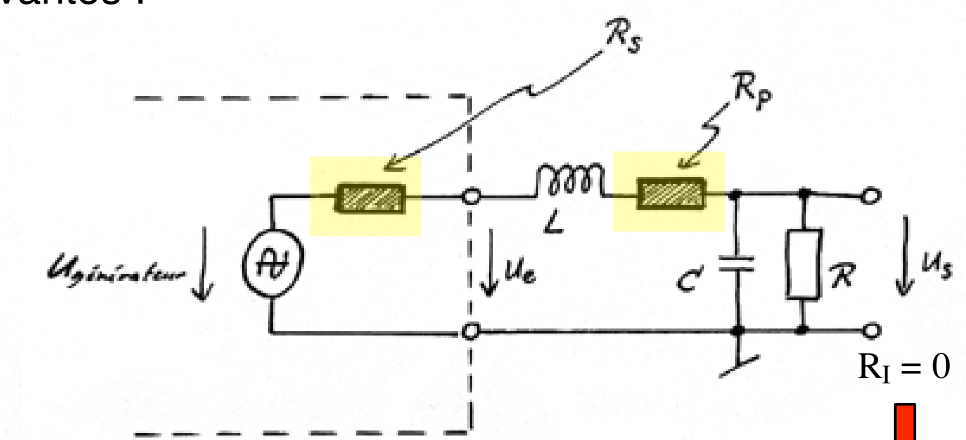
DISCUSSION

Discutez les différences trouvées entre résultats expérimentaux et résultats théoriques, en oscillations libres et forcées, sur la base du schéma équivalent réel suivant, tenant compte de la résistance de sortie R_s du générateur et de la résistance ohmique parasite R_p de la self. Comparez avec l'expérience les relations suivantes :

$$\lambda = \frac{1}{2}\left(\frac{1}{RC} + \frac{R_I}{L}\right)$$

$$\omega_0 = \sqrt{\frac{1}{L\,C}\left(1 + \frac{R_I}{R}\right)}$$

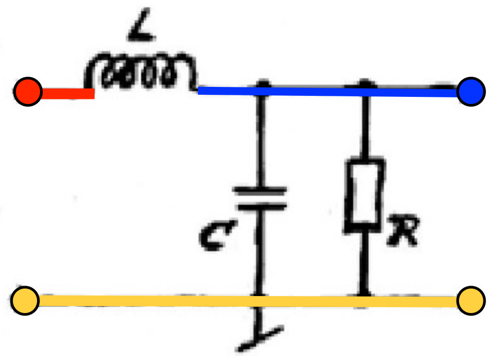
$$\begin{cases} R_I = R_s + R_p & \text{(libres)} \\ R_I = R_p & \text{(forcées)} \end{cases}$$



$R_I = 0$ $\quad$ $R_I = R_p$ $\quad$ $R_I = R_s + R_p$

R [W]	oscillations forcées		oscillations libres		théorie		théorie modifiée forcée		théorie modifiée libre	
	λ	ω_0	λ	ω_0	λ	ω_0	λ	ω_0	λ	ω_0
1.00E+06	79.91	9942.00	310.71	9978.15	5.00	10000.00	67.00	10000.06	317.00	10000.31
1.00E+05	142.39	9888.35	322.58	9978.53	50.00	10000.00	112.00	10000.62	362.00	10003.12
1.00E+04	581.29	10053.79	796.97	10005.10	500.00	10000.00	562.00	10006.20	812.00	10031.15
5.00E+03	1065.00	9925.78	1312.19	10059.26	1000.00	10000.00	1062.00	10012.39	1312.00	10062.21
2.00E+03	2668.82	10330.01	2844.06	10370.90	2500.00	10000.00	2562.00	10030.95	2812.00	10154.80
5.00E+02										

SIMULATION DU CIRCUIT



Simulation 100 Hz

http://tinyurl.com/s4cdf7f

Simulation 3 KHz

https://tinyurl.com/ygawf76u

Simulation Oscillateur libre

https://tinyurl.com/ygrvwahf